

Dados de Identificação	
Professores:	Eduardo Palhares Júnior
Disciplina:	Matemática
Tema:	Grandezas e Medidas
Turma:	Projeto PartiuIF - CMDI (2025)

## Avaliação sobre Grandezas e Medidas

1. (1 ponto) Um aquário tem o formato de um prisma retangular com as seguintes dimensões: 30 cm de comprimento, 20 cm de largura e 10 cm de altura. Calcule o seu volume.

### Solução Passo a Passo:

O volume de um prisma retangular (paralelepípedo) é dado pelo produto de suas três dimensões:

$$V = \text{Comprimento} \times \text{Largura} \times \text{Altura}$$

$$V = 30 \text{ cm} \times 20 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}$$

$$V = 6000 \text{ cm}^3$$

O volume é **6000 cm<sup>3</sup>**.

2. (1 ponto) Calcule o volume de um cubo cuja aresta (lado) mede  $\frac{1}{2}$  metro.

### Solução Passo a Passo:

O volume do cubo é dado pela medida da aresta elevada ao cubo ( $V = L^3$ ).

$$V = \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

O volume é  $\frac{1}{8} \text{ m}^3$  (ou 0,125 m<sup>3</sup>).

3. (1 ponto) A fórmula do volume de um prisma é  $V = (\text{Área da Base}) \times \text{Altura}$ . Se a altura de um prisma dobrar, mas a área da base for mantida, o que acontecerá com o seu volume? Justifique.

### Solução Passo a Passo:

O volume **vai dobrar**. **Justificativa:** O volume é diretamente proporcional à altura. Se chamarmos o novo volume de  $V_{nova}$  e a nova altura de  $h_{nova} = 2h$ , temos:

$$V_{nova} = (\text{Área da Base}) \times (h_{nova}) = (\text{Área da Base}) \times (2h) \therefore V_{nova} = 2 \times V_{original}$$

4. (1 ponto) Calcule o volume de um cilindro que possui raio da base medindo 4 cm e altura de 10 cm. (Considere  $\pi \approx 3,14$ ).

**Solução Passo a Passo:**

A fórmula do volume do cilindro é  $V = \pi \times r^2 \times h$ .

- $r = 4$  cm
- $h = 10$  cm
- $\pi \approx 3,14$

$$V = 3,14 \times (4)^2 \times 10$$

$$V = 3,14 \times 16 \times 10$$

$$V = 50,24 \times 10$$

$$V = 502,4 \text{ cm}^3$$

O volume é **502,4 cm³**.

5. (1 ponto) Uma caixa em formato de prisma retangular tem as seguintes dimensões: 2 metros, 3 metros e  $\frac{1}{2}$  metro. Qual é o volume total da caixa?

**Solução Passo a Passo:**

Multiplicamos as três dimensões para encontrar o volume:

$$V = 2 \times 3 \times \frac{1}{2} = 6 \times \frac{1}{2} = \frac{6}{2} = 3 \text{ m}^3$$

O volume da caixa é **3 m³**.

6. (1 ponto) Uma lata de refrigerante (cilindro) tem 5 cm de raio da base. Qual é a área da tampa (base) dessa lata? (Considere  $\pi \approx 3,14$ ).

**Solução Passo a Passo:**

A tampa (base) de um cilindro é um círculo. A fórmula da área do círculo é  $A = \pi \times r^2$ .

- $r = 5$  cm
- $\pi \approx 3,14$

$$A = 3,14 \times (5)^2$$

$$A = 3,14 \times 25$$

$$A = 78,5 \text{ cm}^2$$

A área da tampa é **78,5 cm²**.

7. (1 ponto) Qual é a fórmula da **área lateral** de um cilindro (a área do "rótulo" da lata)? Explique os termos.

**Solução Passo a Passo:**

A fórmula é  $A_L = 2 \times \pi \times r \times h$ .

- $r$  é o raio da base.
- $h$  é a altura do cilindro.
- $2 \times \pi \times r$  é o comprimento da circunferência da base. A fórmula representa a área de um retângulo formado ao "desenrolar" o rótulo, onde a base é o comprimento da circunferência e a altura é  $h$ .

8. (1 ponto) Uma caixa cúbica maior tem volume de  $\frac{1}{4} \text{ m}^3$ . Quantos cubinhos menores, com aresta de  $\frac{1}{4} \text{ m}$ , cabem dentro dela?

**Solução Passo a Passo:**

**1. Volume do cubinho:**

$$V_{\text{cubinho}} = L^3 = \left(\frac{1}{4}\right)^3 = \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{64} \text{ m}^3$$

**2. Número de cubos:** Dividimos o volume da caixa pelo volume do cubinho.

$$N = \frac{V_{\text{caixa}}}{V_{\text{cubinho}}} = \frac{1/4}{1/64}$$

Para dividir frações, multiplicamos pela inversa da segunda:

$$N = \frac{1}{4} \times \frac{64}{1} = \frac{64}{4} = 16$$

Cabem **16 cubinhos**.

9. (1 ponto) Diferencie o cálculo do **Volume** e da **Área Total** de um cilindro.

**Solução Passo a Passo:**

- **Volume:** É o espaço interno do cilindro. É calculado pela área da base multiplicada pela altura:  $V = \pi r^2 h$ . A unidade é cúbica (ex:  $\text{cm}^3$ ).
- **Área Total:** É a soma das áreas de todas as superfícies (o rótulo mais as duas tampas). É calculada somando a área lateral com a área das duas bases:  $A_T = (2\pi r h) + (2\pi r^2)$ . A unidade é quadrada (ex:  $\text{cm}^2$ ).

10. (1 ponto) Calcule a **área de superfície total** de um cilindro com raio da base de 2 cm e altura de 5 cm. (Considere  $\pi \approx 3,14$ ).

**Solução Passo a Passo:**

A área total é a soma da área lateral ( $A_L$ ) com a área das duas bases ( $2 \times A_B$ ). **1.**

**Área das Bases** ( $A_B = \pi r^2$ ):

$$A_{2B} = 2 \times (3,14 \times 2^2) = 2 \times (3,14 \times 4) = 2 \times 12,56 = 25,12 \text{ cm}^2$$

**2. Área Lateral** ( $A_L = 2\pi rh$ ):

$$A_L = 2 \times 3,14 \times 2 \times 5 = 6,28 \times 10 = 62,8 \text{ cm}^2$$

**3. Área Total:**

$$A_T = A_L + A_{2B} = 62,8 + 25,12 = 87,92 \text{ cm}^2$$

A área total é **87,92 cm²**.

Question:	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Total
Points:	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	10
Score:											

**Boa Prova!!!**